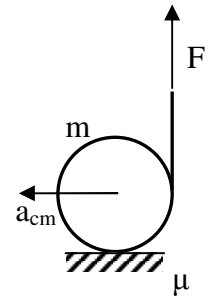


«Να μη σπινάρει τραβώντας προς τα πάνω» ***

Απρίλιος 2008

Ομογενής κύλινδρος μάζας m έχει τυλιγμένο στην κυρτή επιφάνεια του σχοινί μεγάλου μήκους. Τραβάμε το σχοινί προς τα πάνω με την κατακόρυφη δύναμη F με αποτέλεσμα ο κύλινδρος να κινείται προς τα εμπρός. Ν' αποδείξετε ότι η μέγιστη τιμή που μπορεί να πάρει το μέτρο της F ώστε να ο κύλινδρος να κυλά χωρίς να ολισθαίνει, δίνεται από τη σχέση: $F_{MAX} = \frac{3\mu mg}{2+3\mu}$ όπου μ ο



συντελεστής στατικής τριβής, και g η επιτάχυνση της βαρύτητας.

Δίνεται ότι η ροπή αδράνειας του κυλίνδρου ως προς άξονα που περνά από το κέντρο μάζας του και ταυτίζεται με τον άξονα συμμετρίας του δίνεται από τη σχέση: $I_{CM} = \frac{1}{2}mR^2$ (όπου m : η μάζα του και R : η ακτίνα του).

Η λύση στην επόμενη σελίδα

ΛΥΣΗ

☞ Εφόσον ο κύλινδρος κυλά χωρίς να ολισθαίνει ισχύει:

$$a_{cm} = \alpha_{\gamma\omega\nu} \cdot R \quad (I)$$

☞ Από το θεμελιώδη νόμο στη στροφική:

$$F \cdot R - T \cdot R = \frac{1}{2} m R^2 \alpha_{\gamma\omega\nu} \Rightarrow F - T = \frac{1}{2} m R \alpha_{\gamma\omega\nu} \quad (II)$$

$$\text{Από (I) και (II)} \Rightarrow F - T = \frac{1}{2} m a_{cm} \quad (III)$$

☞ Από το θεμελιώδη νόμο στη μεταφορική:

$$T = m a_{cm} \quad (IV)$$

☞ Οπότε αν αντικαταστήσουμε στην (III) έχουμε:

$$F - T = \frac{1}{2} T \Rightarrow F = \frac{3}{2} T \quad (V)$$

☞ Άρα η μέγιστη τιμή που μπορεί να πάρει η F είναι: $F_{\max} = \frac{3}{2} T_{op} = \frac{3}{2} \mu N \quad (VI)$

☞ Στο κατακόρυφο άξονα έχουμε (κατά μέτρο): $N + F_{\max} = W$.

Οπότε με αντικατάσταση στην (VI): $F_{\max} = \frac{3}{2} \mu (mg - F_{\max}) \Rightarrow$

$$F_{\max} = \frac{\frac{3}{2} \mu mg}{1 + \frac{3}{2} \mu} \Rightarrow$$

$$F_{\max} = \frac{3 \mu mg}{2 + 3 \mu}$$

